

• Equazioni di Hartree-Fock •

Il valore di E dato dalla (25) dipende dalla scelta delle funzioni di singola particella $|i\rangle$ che costituiscono il determinante di Slater.

Si richiede che $E(\underline{\Phi})$ sia stazionario rispetto alla variazione degli N vettori, e per la ortonormalizzazione delle funzioni d'onda di singola particella devono essere soddisfatte le N^2 condizioni $\langle i|j\rangle = \delta_{ij}$.

Per questo motivo usiamo λ_{ij} moltiplicatori di Lagrange.

$$\delta \left[E(\underline{\Phi}) - \sum_{ij} \lambda_{ij} \langle i|j\rangle \right] = 0 \tag{26}$$

$$\delta \langle \underline{\Phi} | H_0 | \underline{\Phi} \rangle - \sum_{ij} \lambda_{ij} \delta \langle i|j\rangle = 0 \tag{27}$$

$$\sum_i \delta \langle i | T | i \rangle + \frac{1}{2} \sum_{ij} \left[\delta \langle ij | V | ij \rangle - \delta \langle ij | V | ji \rangle \right] - \sum_{ij} \lambda_{ij} \delta \langle i|j\rangle = 0 \tag{28}$$

$\delta \langle i|j\rangle = \langle \delta i | j \rangle + \langle i | \delta j \rangle$ e' il prodotto delle variazioni.

D'altra parte variando una funzione o l'altra si ha lo stesso risultato, dato che i e j sono degli indici uguali in una somma.

Quindi:

$$\sum_{ij} \delta \langle i|j\rangle = \sum_{ij} \left[\delta \langle i | j \rangle + \langle i | \delta j \rangle \right] = 2 \sum_{ij} \delta \langle i | j \rangle \tag{29}$$

Nota: Ho già discusso con l'eq. (5a) che il principio variazionale vale identicamente per $\langle \delta \psi |$ o per $|\delta \psi \rangle$.