

Le due soluzioni 23 e 17 sono equivalenti.

Lo dimostro nel caso più semplice.

Dalla 23)

$$\psi_{3,0,0}(\vec{r}) = \left(\frac{\alpha^2}{\pi}\right)^{3/4} e^{-\frac{1}{2}\alpha^2(x^2+y^2+z^2)} \frac{1}{\sqrt{4\pi}} \frac{2}{\sqrt{3}} \frac{2z}{\sqrt{3}} \frac{1}{\sqrt{4\pi}} =$$

$$= \left(\frac{\alpha^2}{\pi}\right)^{3/4} e^{-\frac{1}{2}\alpha^2 r^2}$$

Per l'onda s dalla 17) si ha

$$\psi_{1,0,0}(\vec{r}) = R_{10}(r) Y_{00}(\hat{r}) = \left(\frac{2}{\Gamma(3/2)}\right)^{1/2} \alpha^{3/2} \int_0^{\infty} (x^2 r^2) e^{-\frac{1}{2}\alpha^2 r^2} \frac{1}{\sqrt{4\pi}} =$$

$$= \left(2 \frac{2}{\sqrt{\pi}}\right)^{1/2} \alpha^{3/2} \cdot 1 e^{-\frac{1}{2}\alpha^2 r^2} \frac{1}{\sqrt{4\pi}} = \left(\frac{\alpha^2}{\pi}\right)^{3/4} e^{-\frac{1}{2}\alpha^2 r^2}$$

L'equazione 18 mostra che tutte le combinazioni con lo stesso valore di $2(l+1)$ sono degeneri. $N = 2(l+1) + l$

Come nel caso della buca quadrata, la degenerazione per ogni livello è $2(2l+1)$.

N	orbitale	$2(2l+1)$	orbitale	$2(2l+1)$	orbitale	$2(2l+1)$	Total
4	1g	18	3d	10	3s	2	70
3	1F	14	2p	6			40
2	1d	10	2s	2			20
1	1p	6					8
0	1s	2					2