

Per semplificare la discussione consideriamo soltanto due esponenti

$$U(\vartheta) = \begin{pmatrix} \cos \vartheta & \sin \vartheta \\ -\sin \vartheta & \cos \vartheta \end{pmatrix} \quad (33)$$

$$P\left(\begin{matrix} \nu_2 \\ 1 \end{matrix} \rightarrow \begin{matrix} \nu_2 \\ 1 \end{matrix}; x\right) = 1 - 4 U_{11} U_{12} U_{12} U_{11} \sin^2 \frac{\Delta m_{21}^2 x}{4E} \\ = 1 - 4 \cos^2 \vartheta \sin^2 \vartheta \sin^2 \left( \frac{\Delta m_{21}^2 x}{4E} \right) \quad (34)$$

$$2 \cos \vartheta \sin \vartheta = \sin 2\vartheta ; \quad 4 \cos^2 \vartheta \sin^2 \vartheta = \sin^2(2\vartheta)$$

$$P\left(\nu_1 \rightarrow \nu_1; x\right) = 1 - \sin^2(2\vartheta) \sin^2 \left( \frac{\Delta m_{21}^2 x}{4E} \right) \quad (35)$$

La 34) è la probabilità  $P(\nu_e \rightarrow \nu_e) = P(\nu_\mu \rightarrow \nu_\mu)$

Per la probabilità di cambiare sapore si ha

$$P\left(\nu_e \rightarrow \nu_\mu; x\right) = 1 - P\left(\nu_e \rightarrow \nu_e; x\right) \quad (36)$$

Nella 35) usiamo la lunghezza di oscillazione  $L_{osc}$

$$P\left(\nu_e \rightarrow \nu_e; x\right) = 1 - \sin^2(2\vartheta) \sin^2 \left( \frac{x}{2L_{osc}} \right) \\ = 1 - \sin^2(2\vartheta) \sin^2 \left( 1.27 \frac{\Delta m^2(eV)^2 L(m)}{E(MeV)} \right) \quad (37)$$

Per oscillazione è necessaria  $\Delta m^2 \neq 0$  e  $\vartheta \neq 0$

Per quanto riguarda la matrice di mescolamento il risultato ottimale si raggiunge per  $\vartheta = \frac{\pi}{4}$  massimo