

Supponiamo che i neutroni della sorgente prolungano solo da processi di fissione, quindi

$$Q_0 = \beta \Sigma_f \phi(z)$$

L'equazione diventa

$$\Downarrow \frac{d^2 \phi}{dz^2} = (\Sigma - \Sigma_s - \beta \Sigma_f) \phi; \quad \frac{d^2 \phi}{dz^2} + B^2 \phi = 0$$

Equazione delle onde RN18

$$B^2 = \frac{\beta \Sigma_f - \Sigma_s - \Sigma}{\Lambda}$$

Estensione a 3D

Tutta la procedura presentata può essere generalizzata a 3 dimensioni. La (RN5) è scritta in tutta generalità sostituendo il termine $\mu \frac{\partial \phi}{\partial z}$ con $\vec{\Sigma} \cdot \vec{r} \phi$, e mantenendo tutto l'integrale su $d\vec{\Sigma}$.

Consideriamo l'approssimazione P_1

$$\Phi(\vec{r}, \vec{\Sigma}) = \frac{1}{4\pi} \left[\phi(\vec{r}) + 3 \vec{\Sigma} \cdot \vec{j}(\vec{r}) \right]$$

Abbiamo

$$n=0$$

$$\frac{1}{v} \frac{\partial \phi(\vec{r}, t)}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot \vec{j} + \Sigma(\vec{r}) (1 - F_0) \phi(\vec{r}, t) = Q_0(\vec{r}, t) \quad \text{RN11}$$

$$\frac{1}{v} \frac{\partial \vec{j}(\vec{r}, t)}{\partial t} + \frac{1}{3} \vec{\nabla} \phi(\vec{r}, t) + \Sigma(\vec{r}) (1 - F_1) \vec{j}(\vec{r}, t) = Q_1(\vec{r}, t) \quad \text{RN12}$$

In approssimazione ^{stazionaria} statica con sorgente isotropa $Q_1 = 0$

$$\vec{j} = -\frac{1}{3\Sigma(1-F_1)} \vec{\nabla} \phi = -D \vec{\nabla} \phi \quad \text{RN1}$$