

Se il moderatore è composto da nuclei con grande  $A$  ( $^{12}\text{C}$  è sufficiente), la perdita di energia per singolo urto è relativamente piccola, quindi possiamo approssimarlo come una funzione continua del numero di urti.

$$\lambda_s = \frac{1}{\Sigma_s} \quad \text{libero cammino medio per urto elastico}$$

$v$  - velocità del neutrone

# collisioni nel tempo  $dt$  è  $\frac{v}{\lambda_s} dt$

variazione in letargia

$$du = \frac{v}{\lambda_s} dt \cdot \xi = \xi \Sigma_s v dt$$

$$\frac{\partial n(\vec{r}, t)}{\partial t} = \frac{\partial u}{\partial t} \frac{\partial n(\vec{r}, u)}{\partial u} = \xi \frac{v}{\lambda_s} \frac{\partial n}{\partial u} = \frac{\partial}{\partial u} \left[ \xi \frac{v}{\lambda_s} n(\vec{r}, u) \right]$$

$$= \frac{\partial}{\partial u} q(u) = -\vec{\nabla} \cdot \vec{J}$$

$$q(u) = \xi \frac{v}{\lambda_s} n(\vec{r}, u) \quad \text{nuova variabile}$$

L'eq. di diffusione vale anche per questo  $\vec{J}$

$$\vec{J} = -D \vec{\nabla} \phi(\vec{r}, t) = -D \vec{\nabla} v n(\vec{r}, t)$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial q(u)}{\partial u} &= -D \nabla^2 (v n(\vec{r}, t)) = -D \frac{\lambda_s}{\xi} \nabla^2 \left( \frac{\xi v}{\lambda_s} n(\vec{r}, t) \right) \\ &= -D \frac{\lambda_s}{\xi} \nabla^2 (q(u)) = \frac{1}{\beta} \frac{\lambda_s v^2}{\Sigma - \Sigma_a - \xi \lambda_s} (q(u)) \end{aligned}$$

Definiamo l'età

$$\tau(u) = \int_0^u \frac{D(u')}{\xi \Sigma_s(u')} du' = \int_0^u \left[ \frac{3 \xi \Sigma_s}{\Sigma - \Sigma_a - \xi \lambda_s} \right]^{-1} du'$$