

Consideriamo l'eq. (RN11)

$$\frac{1}{v} \frac{\partial \phi}{\partial t} = -\vec{\nabla} \cdot \vec{\sigma} - \Sigma (1 - F_0) \phi + Q_0$$

l'eq. (RN13) $\vec{\sigma} = -D \vec{\nabla} \phi$

$\Sigma (1 - F_0) \equiv \Sigma_a$ sez. d'assorbimento

$$\frac{1}{v} \frac{\partial \phi}{\partial t} = D \nabla^2 \phi - \Sigma_a \phi + Q_0$$

RN21

$Q_0 = p q(\vec{r}, z, t)$ p - prob. di sfuggire alla cattura di ^{238}Pu

con q densità di rallentamento che soddisfa

$$\frac{\partial q}{\partial z} = \nabla^2 q \quad \text{con} \quad q(z=0) = \frac{K_{\infty}}{\rho} \Sigma_f \phi(\vec{r}, t) + S(\vec{r})$$

e $q = \phi = 0$ ai bordi del reattore

Cerchiamo soluzioni del tipo

$$q(\vec{r}, z, t) = P(\vec{r}) \Theta(z) T(t)$$

Sostituiamo e dividiamo per P

$$\frac{\nabla^2 P(\vec{r})}{P(\vec{r})} = \frac{1}{\Theta(z)} \frac{d^2 \Theta(z)}{dz^2} = -B^2$$

Ogni termine deve essere uguale ad una costante che abbiamo scritto come B^2

$$\frac{d^2 \Theta(z)}{dz^2} = -B^2 \Theta(z) \quad \Theta(z) = A e^{-Bz}$$

$B^2 > 0$ perchè q non può crescere con z