

Lezione 19

L'interazione debole

Interazione debole identificata dai decadimenti β .

Esperimenti di diffusione estremamente difficili (bassa intensità e raggio d'azione cortissimo).

Descrizione di Fermi valida per energie del MeV.

Agisce sia sui quark che sui leptoni

Famiglie leptoniche

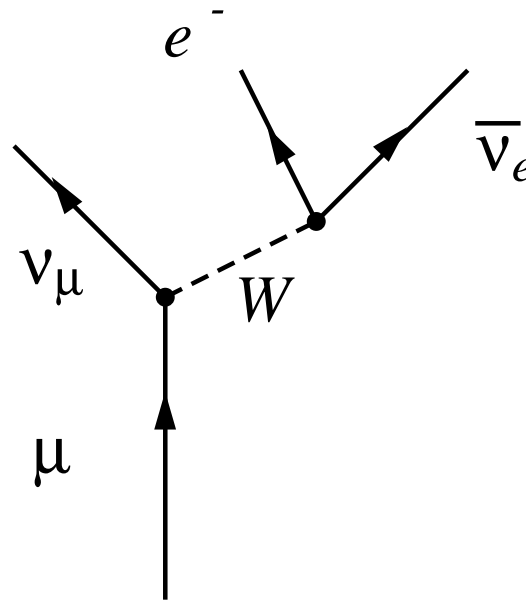
$$\begin{array}{ccc} e^- & \mu^- & \tau^- \\ \nu_e & \nu_\mu & \nu_\tau \end{array}$$

Decadimento del muone

$$m_\mu = 105.658 \text{ MeV}$$

$$\mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\mu$$

$$\text{vita media } 2.197 \cdot 10^{-6} \text{ s}$$

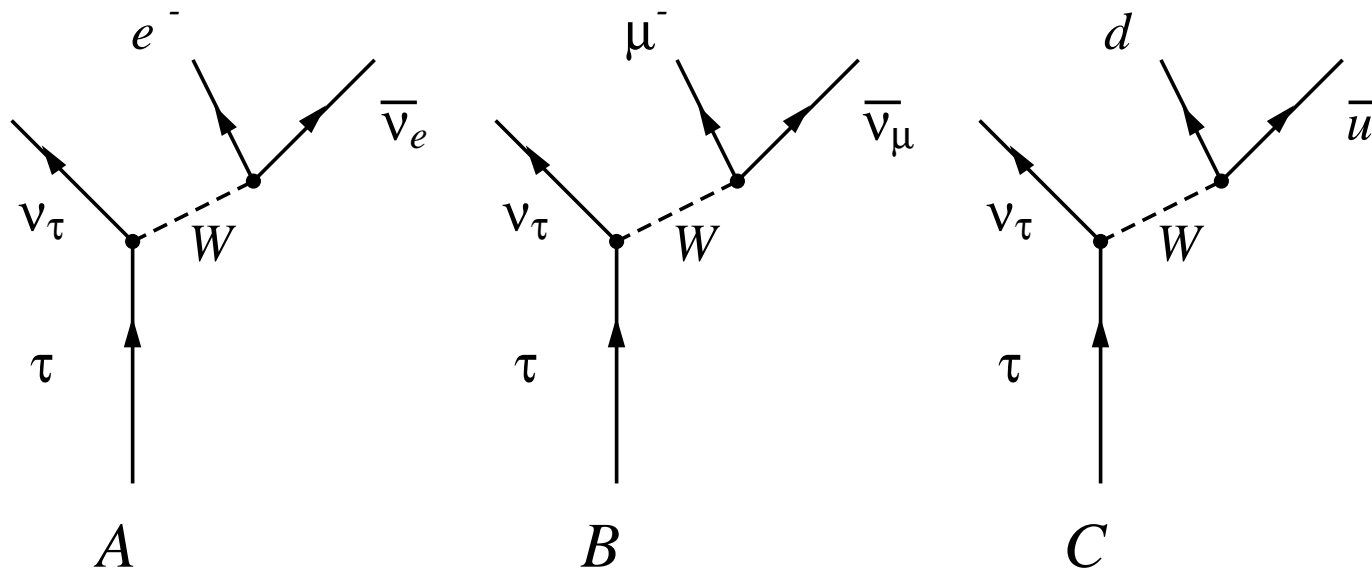


Non sono presenti i decadimenti

$$\mu^- \not\rightarrow e^- + \gamma \quad (\mu \text{ non è uno stato eccitato dell'elettrone})$$

$$\mu^- \not\rightarrow e^- + \nu_e + \bar{\nu}_\mu \quad (\text{il numero leptonico è conservato famiglia per famiglia})$$

Decadimento del τ



$$m_\tau = 1776 \text{ MeV}$$

$$A : \tau^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\tau \quad 18\%$$

$$B : \tau^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu + \nu_\tau \quad 18\%$$

$$C : \tau^- \rightarrow \pi^- + \nu_\tau \quad 11\%$$

$$D : \dots\dots\dots$$

ν difficilmente rivelabili. Pauli ipotizzò la loro esistenza per conservare energia e momento nei decadimenti β . Ancora oggi i neutrini si rivelano ricostruendo i quadri-impulsi nei processi di reazione.

ν e $\bar{\nu}$ sono due particelle differenti.

Gli $\bar{\nu}_e$ prodotti da $n \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e$ producono solo e^+ .

$$\bar{\nu}_e + p \rightarrow n + e^+ \quad \bar{\nu}_e + n \not\rightarrow p + e^-$$

$\bar{\nu}_\mu$ prodotti da un fascio di π^- non producono elettroni.

$$\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu \quad \bar{\nu}_\mu + p \rightarrow n + \mu^+ \quad \bar{\nu}_\mu + p \not\rightarrow n + e^+$$

$$\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu \quad \nu_\mu + n \rightarrow p + \mu^- \quad \nu_\mu + n \not\rightarrow p + e^-$$

Il numero leptonico è conservato famiglia per famiglia

Masse neutrini $\neq 0$, comunque molto piccole rispetto alle energie in gioco.

Le consideremo sempre nulle.

Processi di interazione debole

Processi leptonici

Sono coinvolti solo leptoni

$$\tau^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu + \nu_\tau$$

Semi-leptonici

Sono coinvolti sia leptoni sia adroni

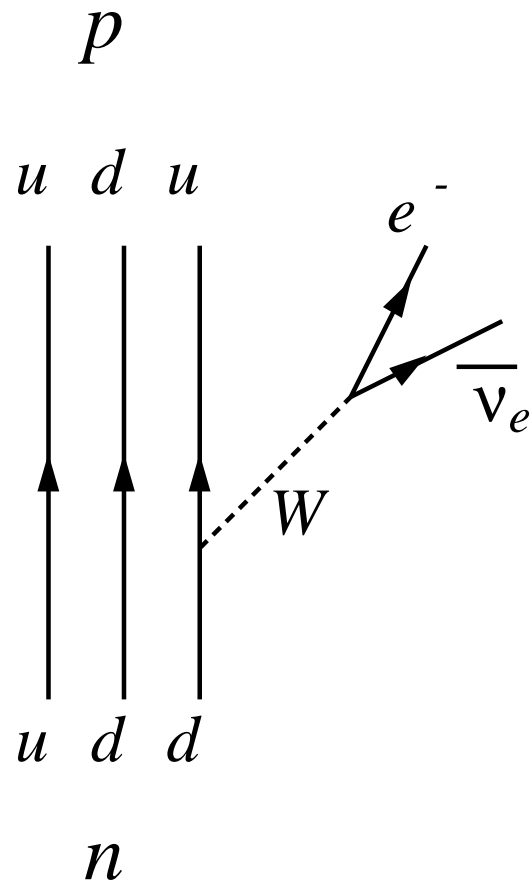
$$\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu \quad ; \quad n \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e$$

Adronici o non-leptonici

Sono coinvolti solo adroni

$$\Lambda \rightarrow p + \pi^-$$

I processi deboli sono mediati dai bosoni vettori W^\pm (80 GeV) e Z^0 (91 GeV).



Decadimento del neutrone

$$n \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e$$

Il decadimento in termini di quark

$$d \rightarrow u + e^- + \bar{\nu}_e$$

L'interazione debole è la sola che può cambiare **sapore** ai quark

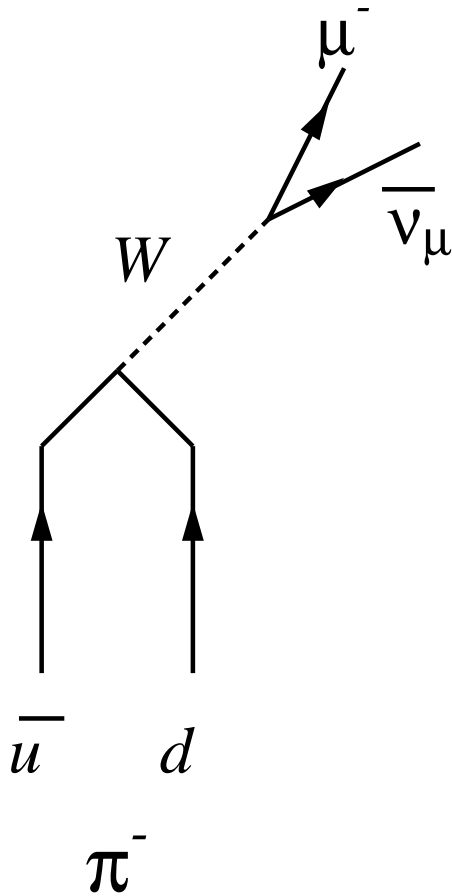
Decadimento del π

Decadimento del pione

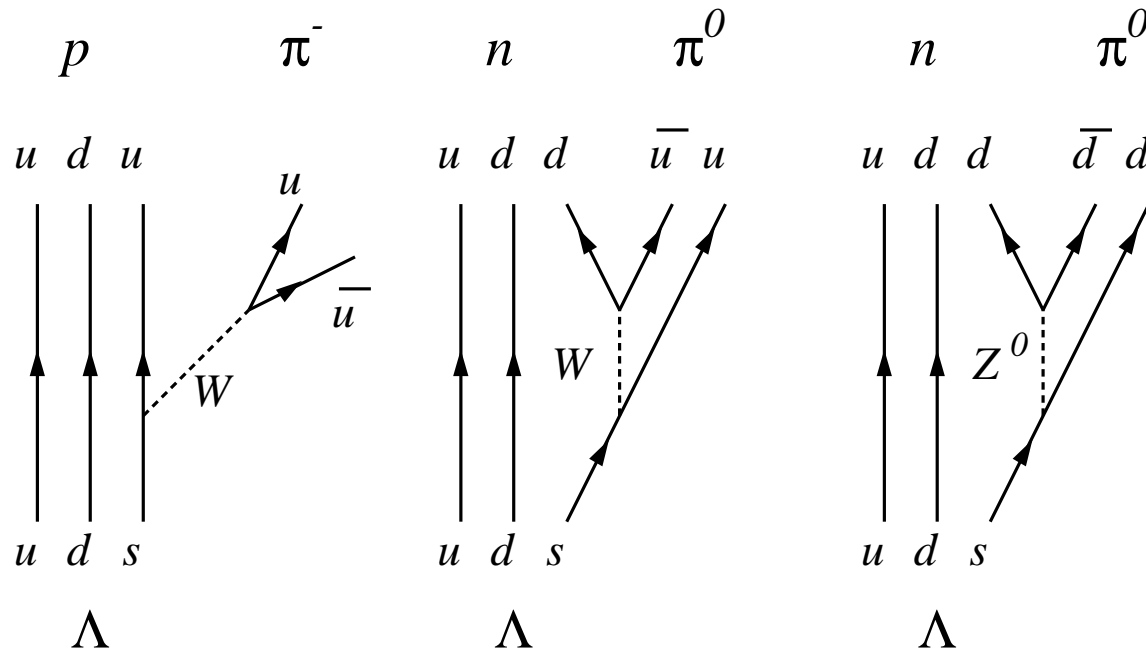
$$\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu$$

In termini di quark

$$\bar{u} + d \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu$$

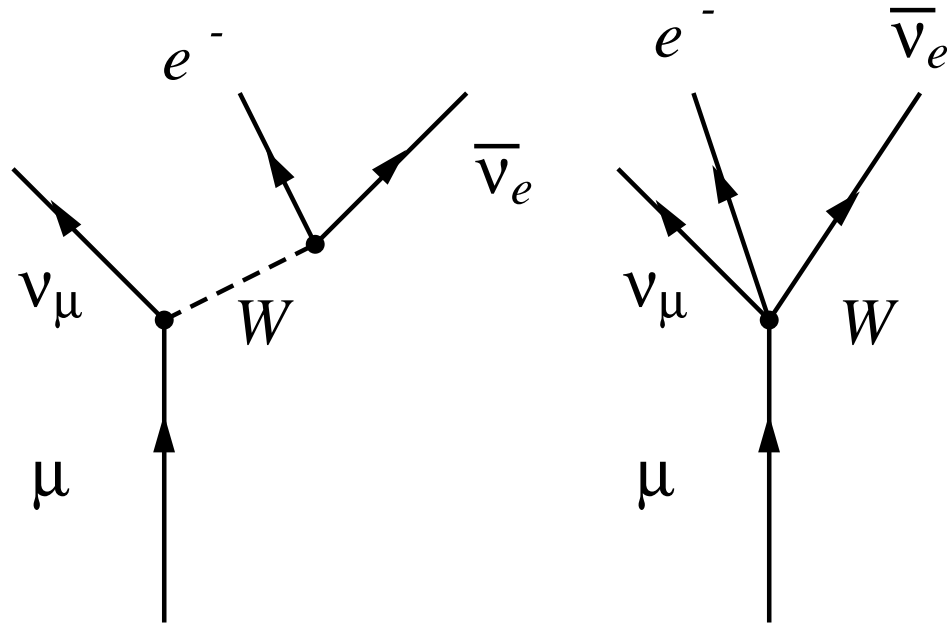


Decadimento della Λ



$$\Lambda \rightarrow p + \pi^- \simeq 64 \%$$

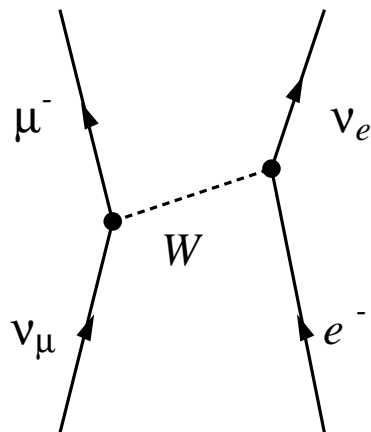
$$\Lambda \rightarrow n + \pi^0 \simeq 36 \%$$



Ampiezza di transizione proporzionale al quadrato della costante di accoppiamento (analogia QED)

$$g \frac{1}{Q^2 + M_W^2} g \xrightarrow{Q^2 \ll M_W^2} \frac{g^2}{M_W^2} = \frac{\sqrt{2}}{\pi} \frac{1}{(\hbar c)^2} G_F$$

$\frac{G_F}{(\hbar c)^3} \approx 1.166 \cdot 10^{-5} \text{ GeV}^{-2}$ Costante di Fermi determinata dall'ampiezza di decadimento del μ , $\Gamma_\mu = G_F^2 (m_\mu)^5$



$$\nu_{\mu} + e^{-} \rightarrow \mu^{-} + \nu_e$$

Sezione d'urto

$$\begin{aligned}\sigma &= \frac{G_F^2}{\pi(\hbar c)^4} 2m_e E_{\nu_e} \\ &= \frac{G_F^2}{\pi(\hbar c)^4} s = \frac{G_F^2}{(\hbar c)^6} \frac{(\hbar c)^2}{\pi} 2m_e E_{\nu_e}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}s &= (\sum_i P_i)^2 = p_{\nu_e}^2 + p_e^2 + 2p_{\nu_e} \cdot p_e \\ &= 0 + m_e^2 + 2m_e E_{\nu_e} \simeq 2m_e E_{\nu_e}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sigma &= (1.166 \cdot 10^{-5} \text{ GeV}^{-2})^2 \frac{(0.2 \text{ GeV fm})^2}{3.14} 2 \times 0.5 \times 10^{-3} \text{ GeV } E_{\nu} \\ &\simeq 10^{-10} \text{ GeV}^{-4} \frac{0.04 \text{ GeV}^2 \text{ fm}^2}{3.14} 10^{-3} \text{ GeV } E_{\nu} \\ &\simeq 10^{-15} \text{ fm}^2 \frac{E_{\nu}}{\text{GeV}} \simeq 10^{-45} \text{ m}^2 \frac{E_{\nu}}{\text{GeV}}\end{aligned}$$

Per $E_\nu = 1 \text{ MeV}$ si ha $\sigma \simeq 1.7 \cdot 10^{-48} \text{ m}^2$

Densità di elettroni nel ferro $\rho \simeq 2.2 \cdot 10^{30} \text{ m}^{-3}$.

Libero cammino medio

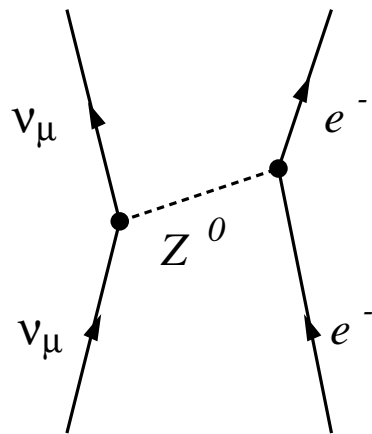
$$L = \frac{1}{\rho\sigma} = \left[1.7 \cdot 10^{-48} \text{ m}^2 \cdot 2.2 \cdot 10^{30} \text{ m}^{-3} \right]^{-1} \simeq 3.74 \cdot 10^{17} \text{ m}$$

1 anno luce $\simeq 0.94 \cdot 10^{16} \text{ m}$

Ad alte energie si ha

$$\sigma = \frac{G_F^2}{\pi(\hbar c)^4} \frac{M_W^2}{s + M_W^2} s$$

Correnti neutre



$$\nu_\mu + e^- \rightarrow \nu_\mu + e^-$$

identificato al CERN in camera a bolle
(Gargamelle)

Anche diffusione su nuclei e nucleoni

Conservazione del numero leptonico ad ogni
vertice.

Universalità dell'interazione debole

La costante di accoppiamento debole g è la stessa per tutti i leptoni e quark

Confronto con le ampiezze di transizione di decadimento del τ .

$$\tau^- \rightarrow \nu_\tau + \bar{\nu}_e + e^- \quad \tau^- \rightarrow \nu_\tau + \bar{\nu}_\mu + \mu^- \quad \tau^- \rightarrow \nu_\tau + \bar{u} + d$$

$$\Gamma_{\tau e} \simeq \Gamma_{\tau \mu} \quad \Gamma_{\tau \bar{u}d} \simeq 3\Gamma_{\tau \mu} \simeq 3\Gamma_{\tau e}$$

3 numero di colori.

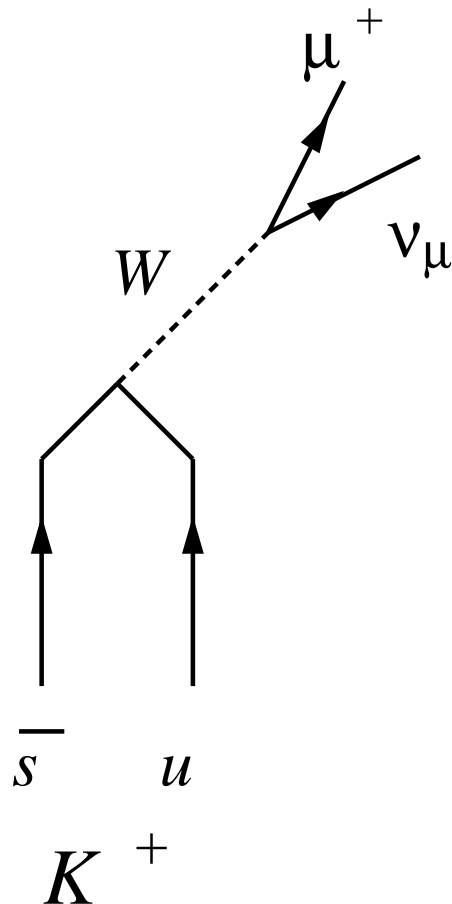
Γ dipende da m^5 quindi $\Gamma_{\tau e} = (m_\tau/m_\mu)^5 \Gamma_{\mu e}$ Vita media del τ $\langle t \rangle$

$$\langle t \rangle = \frac{\hbar}{\Gamma_{tot}} = \frac{\hbar}{\Gamma_{\tau e} + \Gamma_{\tau \mu} + \Gamma_{\tau \bar{u}d}} = \frac{\hbar}{5(m_\tau/m_\mu)^5 \Gamma_{\mu e}} \simeq 3.1 \cdot 10^{-13} s$$

$$\langle t \rangle_{exp} = 2.9 \cdot 10^{-13} s$$

Dato che il numero leptonico è conservato famiglia per famiglia le reazioni leptoniche avvengono sempre in presenza di almeno due membri della stessa famiglia

$$\mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\mu \quad \text{ma} \quad \mu^- \not\rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\tau \quad \mu^- \not\rightarrow e^- + \nu_\mu$$



Questo sembra funzionare anche per i quark
Famiglia u d e famiglia c s

Esiste il $K^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu$

\bar{s} e u appartengono a famiglie diverse

Come se esistesse $\bar{\nu}_\tau + \mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e$

che è $\mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\tau$

I quark possono trasformarsi in elementi di
altre famiglie

Misure accurate dimostrano che i valori delle costanti di accoppiamento delle transizioni tra quarks hanno valori differenti.

$$\begin{array}{lll}
 \mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\mu & \mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\mu & g^2 \\
 n \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e & d \rightarrow u + e^- + \bar{\nu}_e & 0.92 g^2 \\
 \Lambda \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e & s \rightarrow u + e^- + \bar{\nu}_e & 0.04 g^2
 \end{array}$$

Interpretazione di Cabibbo (1963) rivista in chiave moderna
 L'interazione debole non agisce su autostati di sapore dei quark.

$$(H_{em} + H_s)|q\rangle = E_{em s}|q\rangle$$

Base completa di autostati di sapore

$$\begin{array}{ccc} |u\rangle & |c\rangle & |t\rangle \\ |d\rangle & |s\rangle & |b\rangle \end{array}$$

$$(H_{em} + H_s + H_w)|q'\rangle = E_{em sw}|q'\rangle$$

Base completa

$$\begin{array}{ccc} |u'\rangle & |c'\rangle & |t'\rangle \\ |d'\rangle & |s'\rangle & |b'\rangle \end{array}$$

$\langle u D d\rangle \neq 0$	$\langle u D s\rangle = 0$	atteso
$\langle u' D d'\rangle \neq 0$	$\langle u' D s'\rangle \neq 0$	osservato

E' fisicamente rilevante la differenza

tra $u \leftrightarrow d$ e $u' \leftrightarrow d'$ e

tra $c \leftrightarrow s$ e $c' \leftrightarrow s'$

Si passa da una base all'altra con una trasformazione unitaria.

Si considera per tradizione $|u\rangle = |u'\rangle$ e $|c\rangle = |c'\rangle$

$$\begin{aligned} |d'\rangle &= A|d\rangle + B|s\rangle \\ |s'\rangle &= C|d\rangle + D|s\rangle \end{aligned} \quad \begin{pmatrix} |d'\rangle \\ |s'\rangle \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \theta_c & \sin \theta_c \\ -\sin \theta_c & \cos \theta_c \end{pmatrix} \begin{pmatrix} |d\rangle \\ |s\rangle \end{pmatrix}$$

θ_c angolo di **Cabibbo**

Estensione della teoria a t e b , matrice 3×3 di

Kobayashi Maskawa

Domande

[P1-5] Fai un esempio di decadimento debole di tipo leptónico, uno di tipo semi-leptonico e uno di tipo adronico.

[P1-6] Quali sono i bosoni mediatori dell'interazione debole e quali sono i numeri quantici che li caratterizzano?

[P2-6] Cosa si intende per universalità dell'interazione debole?

[P2-11] Quali sono i processi fisici che permettono di identificare l'esistenza dell'interazione debole?

[P2-11] Quali sono le particelle da aggiungere nelle seguenti reazioni deboli di cambio carica per conservare il numero leptónico?

1. $\mu^- \rightarrow e^- + ?$

2. $\tau^+ \rightarrow e^+ + ?$

3. $e^- + \frac{A}{Z}X \rightarrow ?$

4. $\nu_\mu + n \rightarrow ?$

5. $\frac{A}{Z}X \rightarrow \frac{A}{Z-1}Y + ?$

6. $\bar{\nu}_e + p \rightarrow ?$

[P2-12] Queste reazioni e/o decadimenti non avvengono in natura. Quali regole di conservazione vengono violate?

1. $\mu^- \rightarrow e^- + \gamma$

2. $\mu^- \rightarrow e^- + \nu_e + \bar{\nu}_\mu$

3. $\bar{\nu}_\mu + n \rightarrow p + e^-$

4. $p \rightarrow n + e^+ + \nu_e$

5. $\mu^- + p \rightarrow n + \pi^0$

6. $e^+ + e^- \rightarrow \nu_e + \bar{\nu}_\mu$

[P4-11] Perché viene introdotto l'angolo di Cabibbo o, più in generale, la matrice di Kobayashi-Maskawa?