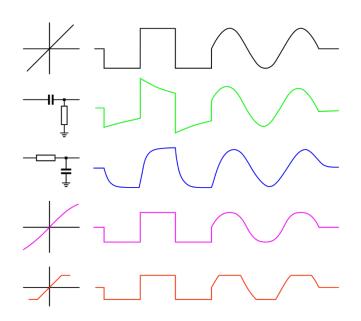
DISTORSIONE DI AMPIEZZA E DI FASE

Marco Panareo



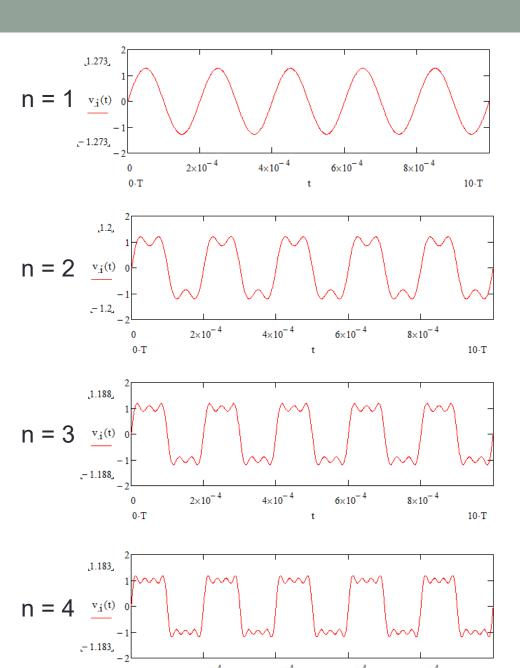
Serie di Fourier

 Consideriamo lo sviluppo in serie di Fourier di un'onda quadra

- Poniamo $T := 100 \mu s$
- Sia:

$$\omega_{\mathbf{h}} \coloneqq \frac{(2 \cdot \mathbf{h} + 1) \cdot \pi}{T}$$

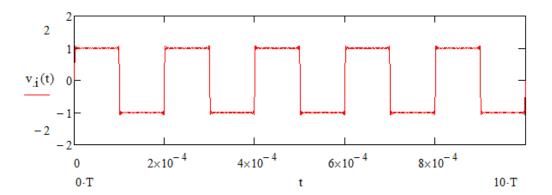
$$v_{i}(t) := \frac{4}{\pi} \cdot \sum_{k=0}^{n} \frac{\sin(\omega_{k} \cdot t)}{2 \cdot k + 1}$$

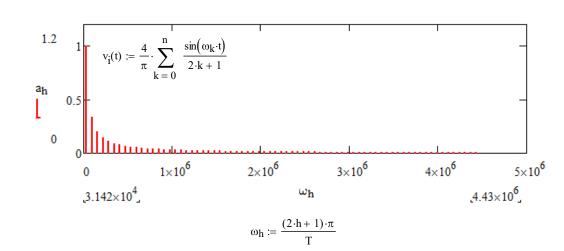


10-T

Serie di Fourier

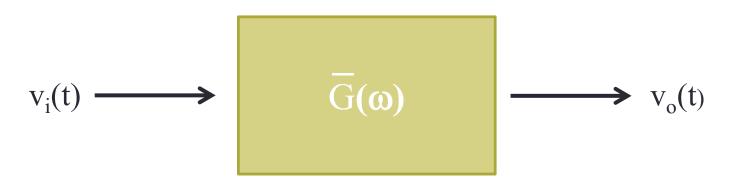
- Per n = 70 la serie di Fourier corrisponde verosimilmente ad un'onda quadra
- Il relativo spettro è costituito dai coefficienti dello sviluppo, rappresentato in corrispondenza della relativa frequenza





Elaborazione del segnale

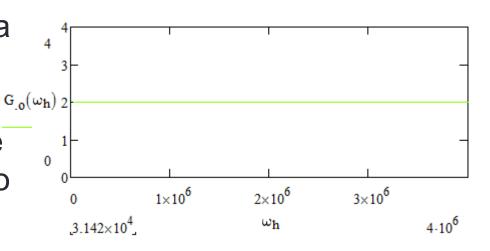
 Supponiamo che il segnale ad onda quadra costituisca l'eccitazione di un sistema di assegnata funzione di trasferimento:



• In generale, la funzione di trasferimento sarà una funzione complessa di ω , per cui potrà esprimersi come $\bar{G}(\omega)=G_o(\omega)e^{j\phi(\omega)}$, in cui $G_o(\omega)$ e $\phi(\omega)$ sono, rispettivamente, il modulo e la fase di $\bar{G}(\omega)$.

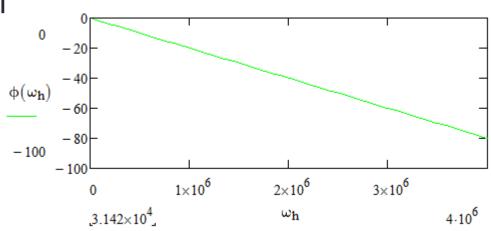
Sistema non distorcente

• Supponiamo che il sistema sia non distorcente e che determini una sola amplificazione del segnale di un fattore 2 ed un ritardo t_d di 20μs



 Cioè il modulo e la fase di G(ω) valgono

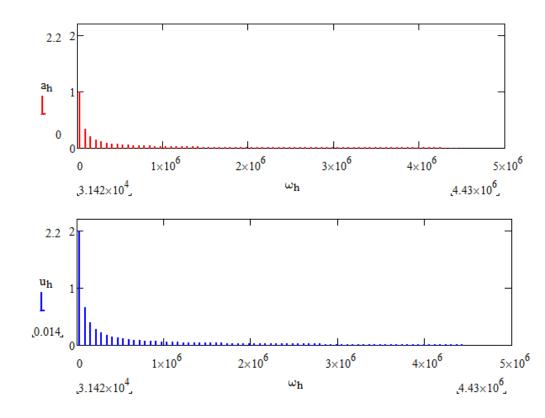
- $G_o(\omega) \equiv 2$
- $\phi(\omega) \equiv -20 \mu s \cdot \omega$



Sistema non distorcente

 Ciò corrisponde ad assumere che tutte le componenti dello spettro del segnale siano:

- moltiplicate per lo stesso fattore $G_o(\omega)$
- ritardate di una stessa quantità proporzionale ad ω , t_d = $\phi(\omega)/\omega$.

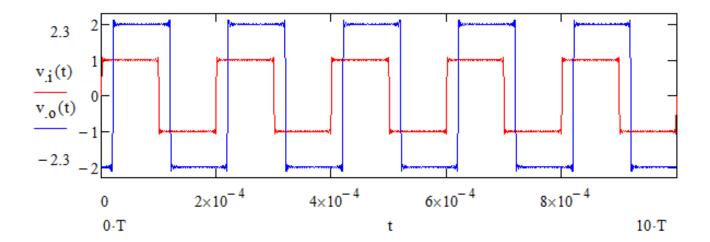


Sistema non distorcente

 La risposta del sistema nel dominio del tempo sarà data dall'espressione

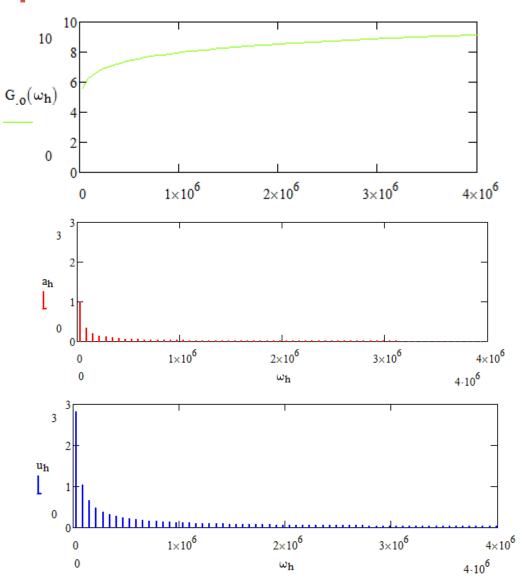
$$v_{o}(t) := \frac{4}{\pi} \cdot \sum_{k=0}^{n} \frac{G_{o}(\omega_{k}) \cdot \sin(\omega_{k} \cdot t + \phi(\omega_{k}))}{2 \cdot k + 1}$$

 Che rappresenta ancora un'onda quadra, ma di ampiezza doppia rispetto a quella applicata all'ingresso e ritardata di 20μs

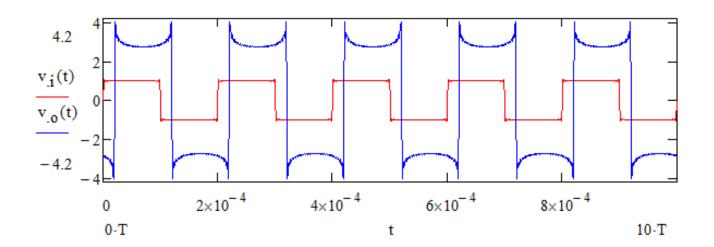


Supponiamo che G_o(ω) sia dipendente dalla frequenza secondo una legge che determini una esaltazione delle componenti di alta frequenza:

•
$$G_o(\omega) \equiv \omega^{0.1}$$

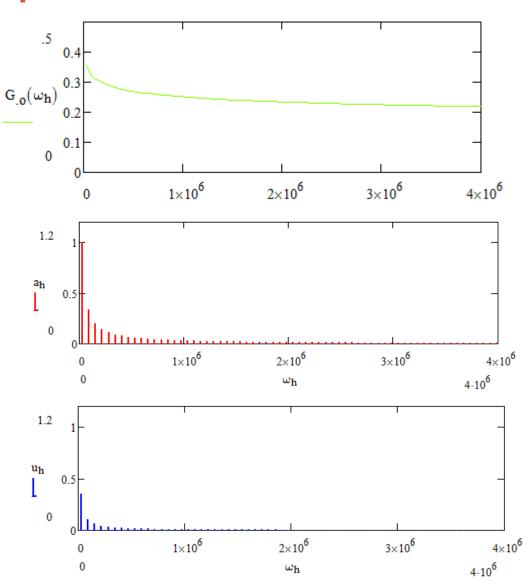


 Allora la risposta del sistema presenterà una distorsione evidenziando dei picchi in corrispondenza dei fronti dell'onda quadra di ingresso (componenti di alta frequenza) e delle depressioni negli intervalli in cui il segnale di ingresso è costante (componenti di bassa frequenza)

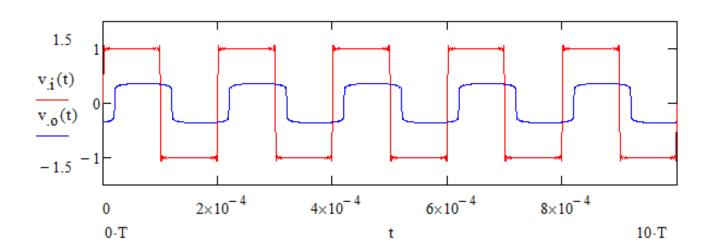


Supponiamo che G_o(ω) sia dipendente dalla frequenza secondo una legge che determini una esaltazione delle componenti di bassa frequenza:

•
$$G_o(\omega) \equiv \omega^{-0.1}$$



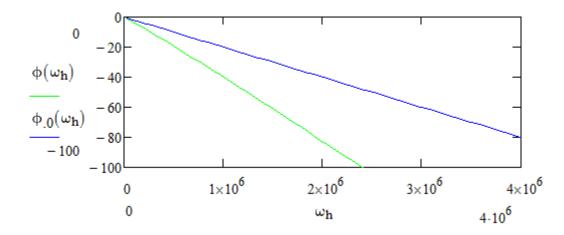
 Allora la risposta del sistema presenterà una distorsione evidenziando degli arrotondamenti in corrispondenza dei fronti dell'onda quadra di ingresso (componenti di alta frequenza) e delle esaltazioni dell'ampiezza negli intervalli in cui il segnale di ingresso è costante (componenti di bassa frequenza)

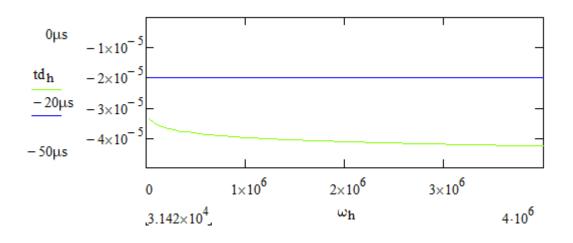


 Supponiamo che φ(ω) sia dipendente dalla frequenza secondo la legge:

•
$$\phi(\omega) \equiv -t_d \cdot \omega^{-1.05}$$

 Ciò determina un anticipo delle componenti di bassa frequenza rispetto a quelle di alta frequenza





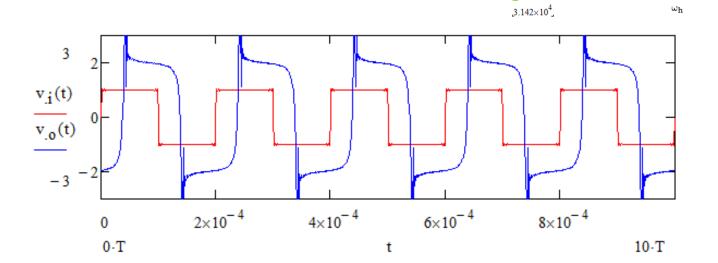
 Allora la risposta del sistema presenterà una distorsione, evidenziando dei picchi in corrispondenza dei fronti di salita, in quanto le componenti di bassa frequenza, di ampiezza maggiore di quelle di alta frequenza,

2×10⁶

 3×10^{6}

.4.43×10⁶

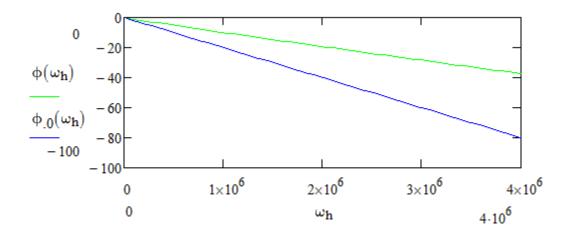
anticipano queste ultime

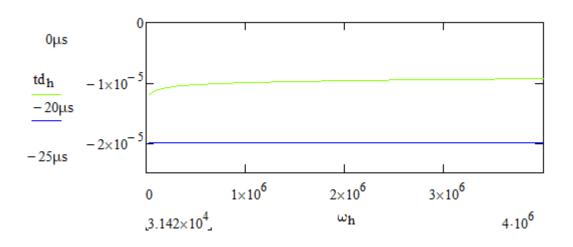


 Supponiamo che φ(ω) sia dipendente dalla frequenza secondo la legge:

•
$$\phi(\omega) \equiv -t_d \cdot \omega^{-0.95}$$

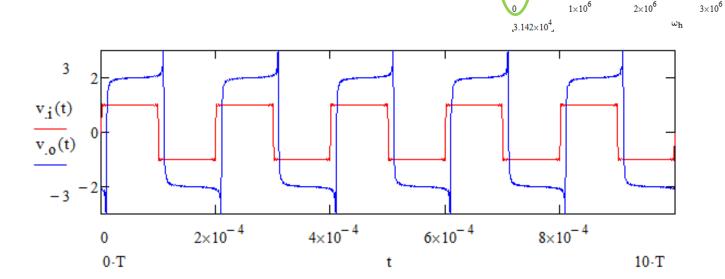
 Ciò determina un ritardo delle componenti di bassa frequenza rispetto a quelle di alta frequenza





 Allora la risposta del sistema presenterà una distorsione, evidenziando dei picchi in corrispondenza dei fronti di discesa, in quanto le componenti di bassa frequenza, di ampiezza maggiore di quelle di alta frequenza,

posticipano queste ultime



 4.43×10^{6}

Distorsione

- In generale le distorsioni di ampiezza e di fase convivono nella risposta di un sistema
- Se non provocate appositamente, tali distorsioni costituiscono un elemento di degrado della risposta del sistema
- L'analisi della risposta del sistema ad una sollecitazione ad onda quadra può consentire una valutazione dell'origine delle distorsioni

